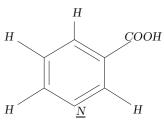
Aufgaben zur Kombinatorik und Wahrscheinlichkeitsrechnung

1. Wie viele Wege führen von A nach D?



- 2. Frau M. hat 14 Kleider, 9 Hüte und 6 Paar Schuhe. Auf wie viele Arten kann sie sich kleiden, wenn sie ein Kleid, einen Hut und ein Paar Schuhe tragen will?
- 3. Wie viele verschiedene Tippreihen gibt es bei der Elferwette beim Fußballtoto? (11 Tipps: jeweils Spiel unentschieden, verloren oder gewonnen)
- 4. In einer Urne befinden sich n verschiedene Kugeln. Man zieht eine Kugel zufällig und legt sie wieder zurück. Der Vorgang wird k-mal wiederholt. Wie viele Möglichkeiten gibt es für das gesamte Experiment?
- 5. An einem Pferderennen nehmen 20 Pferde teil. Wie viele Möglichkeiten gibt es für die Besetzung der ersten 3 Plätze? (Dreierwette)
- 6. Herr M. will seine 5 Kinder für ein Gruppenfoto in einer Reihe anordnen. Wie viele Möglichkeiten hat er?
- 7. Auf wie viele Arten kann man 5 Hotelgäste in 10 Einzelzimmer unterbringen? (2 Lösungen, warum?)
- 8. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass unter n Personen mindestens 2 im gleichen Monat (am gleichen Tag) Geburtstag haben? Ab wieviel Personen ist diese Wahrscheinlichkeit größer als $\frac{1}{2}$?
- 9. Wie viele Möglichkeiten gibt es beim Lotto 6 aus 49?
- 10. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, in 10 Würfen mit einer Münze genau 5 mal Kopf zu erzielen?
- 11. Auf wie viele Arten kann man aus 6 Frauen und 8 Männern einen Ausschuss aus 3 Frauen und 4 Männern bilden?
- 12. In einem Raum gibt es 8 Lampen, die man jede an- und ausschalten kann. Wie viele Möglichkeiten gibt es, dass
 - a) genau 5 Lampen brennen,
 - b) mindestens 5 Lampen brennen?
- 13. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein bestimmter Spieler beim Skatspiel
 - a) genau 3 Buben,
 - b) mindestens 3 Buben erhält? (32 Karten, davon 4 Buben, jeder Spieler erhält 10 Karten)
- 14. In einer Urne befinden sich 11 weiße und 15 schwarze Kugeln. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass sich unter 10 willkürlich herausgegriffenen Kugeln 5 weiße befinden?
- 15. In einer Kiste sind 50 Apfelsinen, davon sind 10 verdorben. Der Händler entnimmt der Kiste 20 Apfelsinen. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, das unter den 20 Früchten a) 3 b) 4 c) 3, 4 oder 5 verdorben sind?
- 16. Bei einem Nicotinsäure-Molekül sind die 4 Wasserstoffatome substitutionsfähig. Wie viele Derivate entstehen, falls
 - a) zwei Wasserstoffatome durch zwei Chloratome,
 - b) drei Wasserstoffatome durch drei Chloratome ersetzt werden?



© Roolfs

Aufgaben zur Kombinatorik und Wahrscheinlichkeitsrechnung Ergebnisse

1. Wie viele Wege führen von A nach D? $2 \cdot 4 \cdot 5 = 40$



- 2. Frau M. hat 14 Kleider, 9 Hüte und 6 Paar Schuhe. Auf wie viele Arten kann sie sich kleiden, wenn sie ein Kleid, einen Hut und ein Paar Schuhe tragen will? $6 \cdot 9 \cdot 14 = 756$
- 3. Wie viele verschiedene Tippreihen gibt es bei der Elferwette beim Fußballtoto? (11 Tipps: jeweils Spiel unentschieden, verloren oder gewonnen)

 $3^{11} = 177147$

- 4. In einer Urne befinden sich n verschiedene Kugeln. Man zieht eine Kugel zufällig und legt sie wieder zurück. Der Vorgang wird k-mal wiederholt.

 Wie viele Möglichkeiten gibt es für das gesamte Experiment?
- 5. An einem Pferderennen nehmen 20 Pferde teil. Wie viele Möglichkeiten gibt es für die Besetzung der ersten 3 Plätze? (Dreierwette) $20 \cdot 19 \cdot 18 = 6840$
- 6. Herr M. will seine 5 Kinder für ein Gruppenfoto in einer Reihe anordnen. Wie viele Möglichkeiten hat er?

5!

 n^k

- 7. Auf wie viele Arten kann man 5 Hotelgäste in 10 Einzelzimmer unterbringen? (2 Lösungen, warum?) a) mit b) ohne Unterscheidung der Gäste a) 30240 b) 252
- 8. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass unter n Personen mindestens 2 im gleichen Monat (am gleichen Tag) Geburtstag haben? Ab wieviel Personen ist diese Wahrscheinlichkeit größer als $\frac{1}{2}$? siehe Blatt Gegenwahrscheinlichkeit n = 5 (23)
- 9. Wie viele Möglichkeiten gibt es beim Lotto 6 aus 49?

 $\binom{49}{6} = 13983816$

- 10. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, in 10 Würfen mit einer Münze genau 5 mal Kopf zu erzielen? 24.6%
- 11. Auf wie viele Arten kann man aus 6 Frauen und 8 Männern einen Ausschuss aus 3 Frauen und 4 Männern bilden?
- 12. In einem Raum gibt es 8 Lampen, die man jede an- und ausschalten kann. Wie viele Möglichkeiten gibt es, dass
 - a) genau 5 Lampen brennen,

56

b) mindestens 5 Lampen brennen?

93

- 13. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass ein bestimmter Spieler beim Skatspiel
 - a) genau 3 Buben,

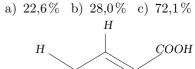
7,3%

b) mindestens 3 Buben erhält? (32 Karten, davon 4 Buben, jeder Spieler erhält 10 Karten)

7,9%

- 14. In einer Urne befinden sich 11 weiße und 15 schwarze Kugeln. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass sich unter 10 willkürlich herausgegriffenen Kugeln 5 weiße befinden? 26,1%
- 15. In einer Kiste sind 50 Apfelsinen, davon sind 10 verdorben. Der Händler entnimmt der Kiste 20 Apfelsinen. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, das unter den 20 Früchten a) 3 b) 4 c) 3, 4 oder 5 verdorben sind?

 a) 22,6% b) 28,0% c) 72,1%



- 16. Bei einem Nicotinsäure-Molekül sind die 4 Wasserstoffatome substitutionsfähig. Wie viele Derivate entstehen, falls
 - a) zwei Wasserstoffatome durch zwei Chloratome,
 - b) drei Wasserstoffatome durch drei Chloratome ersetzt werden?

H N H 4