Zinseszins

1. Wieviel sind:

a)
$$\frac{2}{3}$$
 von 48

b)
$$\frac{3}{5}$$
 von 800

c)
$$\frac{4}{100}$$
 (4%) von 500

c)
$$\frac{4}{100}$$
 (4%) von 500 d) $\frac{7}{100}$ (7%) von 3000?

2. Auf welchen Betrag wächst ein Kapital von 300 € bei einem Zinssatz von 4% in 8 Jahren an?

Nach dem 1. Jahr ist das Kapital $K_0 = 300$ (in \in) angewachsen auf:

$$K_1 = 300 + Zinsen$$

= $300 + \frac{4}{100} \cdot 300$ $K_1 = K_0 + Zinsen$
= $K_0 + \frac{p}{100} \cdot K_0$
= $K_0 \cdot q$ $K_1 = 312$ $K_1 = K_0 \cdot q$

Nach dem 2. Jahr ist das neue Kapital K_1 angewachsen auf:

$$K_2 = 312 + Zinsen = 312 + \frac{4}{100} \cdot 312$$

$$K_2 = K_0 \cdot q + Zinsen = K_0 \cdot q + \frac{p}{100} \cdot K_0 \cdot q$$

$$= 312 + 12,48$$

$$= K_0 \cdot q \cdot (1 + \frac{p}{100})$$

$$K_2 = 324,48$$

$$K_2 = K_0 \cdot q \cdot q$$

Nach n Jahren ist das Anfangskapital K_0 auf

$$K_n = K_0 \cdot q^n$$

angewachsen, $q = 1 + \frac{p}{100}$ ist der Aufzinsungsfaktor.

3. In welcher Zeit verdoppelt sich ein Guthaben von 3000€ bei einer Verzinsung von 6\%?

4. Bei welchem Zinssatz wächst ein Kapital von 700€ auf 1000 € in 6 Jahren an?

5. In welcher Zeit nimmt ein Guthaben bei einer Verzinsung von 4% von 500 € um 200 € zu?

6. Ein Kapital von $1000 \in \text{verzinst sich mit } p = 9\%.$

- Nach welcher Zeit hat sich das Kapital verdreifacht?
- b) Welcher Prozentsatz müsste vorliegen, damit sich das Kapital schon in 10 Jahren verdreifacht?

© Roolfs

Zinseszins

1. Wieviel sind:

a) $\frac{2}{3}$ von 48

b) $\frac{3}{5}$ von 800

c) $\frac{4}{100}$ (4%) von 500 d) $\frac{7}{100}$ (7%) von 3000?

2. Auf welchen Betrag wächst ein Kapital von 300€ bei einem Zinssatz von 4% in 8 Jahren an?

Nach dem 1. Jahr ist das Kapital $K_0 = 300$ (in ϵ) angewachsen auf:

$$K_1 = 300 + Zinsen$$

= $300 + \frac{4}{100} \cdot 300$
= $300 + 12$
 $K_1 = 312$
 $K_1 = K_0 + Zinsen$
= $K_0 + \frac{p}{100} \cdot K_0$
= $K_0 \cdot q$

Nach dem 2. Jahr ist das neue Kapital K_1 angewachsen auf:

$$K_{2} = 312 + Zinsen = 312 + \frac{4}{100} \cdot 312$$

$$K_{2} = K_{0} \cdot q + Zinsen = K_{0} \cdot q + \frac{p}{100} \cdot K_{0} \cdot q$$
$$= 312 + 12,48$$

$$= K_{0} \cdot q \cdot q \cdot q \cdot q$$
$$K_{2} = 324,48$$

$$K_{2} = K_{0} \cdot q \cdot q \cdot q$$

Nach n Jahren ist das Anfangskapital K_0 auf

$$K_n = K_0 \cdot q^n$$

angewachsen, $q = 1 + \frac{p}{100}$ ist der Aufzinsungsfaktor.

- 3. In welcher Zeit verdoppelt sich ein Guthaben von 3000€ bei einer Verzinsung von 6%?
- 4. Bei welchem Zinssatz wächst ein Kapital von 700€ auf 1000 € in 6 Jahren an?
- 5. In welcher Zeit nimmt ein Guthaben bei einer Verzinsung von 4% von 500 € um 200 € zu?
- 6. Ein Kapital von $1000 \in \text{verzinst sich mit } p = 9\%.$
 - a) Nach welcher Zeit hat sich das Kapital verdreifacht?
 - b) Welcher Prozentsatz müsste vorliegen, damit sich das Kapital schon in 10 Jahren verdreifacht?

Lösungen:

1. a) 32

b) 480

c) 20

d) 210

2.
$$K_8 = K_0 \cdot q^8$$

 $K_8 = 300 \cdot 1,04^8 = 410,57$

3.

$$3000 \cdot 1,06^{n} = 6000 \mid :3000$$

$$1,06^{n} = 2$$

$$n \cdot \lg 1,06 = \lg 2$$

$$n = \frac{\lg 2}{\lg 1,06}$$

$$n = 11,9$$

4.
$$700 \cdot q^{6} = 1000$$

$$q^{6} = \frac{10}{7} | ()^{\frac{1}{6}}$$

$$q = 1,061$$

$$p = 6,1$$

$$q = 1,061$$

$$1 + \frac{p}{100} = 1,061 | -1$$

$$\frac{p}{100} = 0,061 | \cdot 100$$

$$p = 6,1$$

5.
$$500 \cdot 1,04^{n} = 700$$

 $1,04^{n} = \frac{7}{5}$
 $n \cdot \lg 1,04 = \lg \frac{7}{5}$
 $n = 8.6$

6. a)
$$n = 12.7$$

b) $1000 \cdot q^{10} = 3000$ $q^{10} = 3 \quad | ()^{\frac{1}{10}}$ $q = 1.116$ $p = 11.6$